■原著論文/ORIGINAL PAPER■

三重管バーナに形成される浮き上がり火炎の実験的検討

An Experimental Study on Lifted Flames in a Triple-Port Burner

奥 洋平・山本 和弘*・林 直樹・山下 博史

OKU, Yohei, YAMAMOTO, Kazuhiro*, HAYASHI, Naoki, and YAMASHITA, Hiroshi

名古屋大学大学院工学研究科 〒464-8603 愛知県名古屋市千種区不老町 Nagoya University, Furo-cho, Chikusa-ku, Nagoya, Aichi 464-8603, Japan

2014年3月7日受付; 2014年7月30日受理/Received 7 March, 2014; Accepted 30 July, 2014

Abstract : In case of diffusion combustion, a well-known "lifted flame" is formed. So far, we have focused on a combustion field in a triple-port burner. In the triple-port burner, since there are two boundaries of fuel and air, two flames are formed. Dependent on the flow condition, four flame configurations are observed, which are, (i) attached flames, (ii) inner lifted/outer attached flames, (iii) inner attached/outer lifted flames, (iv) twin lifted flames. Then, it is possible to study the interaction between two flames, which could give us useful information on turbulent flames. By changing flow conditions, we have investigated the transition between the attached flame and the lifted flame both by experimentally and numerically. In this study, by PIV/OH-PLIF simultaneous measurements, we examined the flow field and liftoff height of stationary and non-stationary flames. Results show that, as the liftoff height is larger, the minimum axial velocity around a base of the lifted flame increases. Also, the hysteresis characteristics of the inner and outer lifted flames are confirmed.

Key Words : Diffusion Combustion, Lifted Flame, Laser Diagnostics, PIV, PLIF

1. 緒言

拡散燃焼においては、燃料と空気の流速条件により、バー ナのノズルから火炎が離れた浮き上がり火炎が形成される ことが知られている.これまでにその火炎構造や流れ場が 検討され、浮き上がり火炎の基部には三つの火炎から成る トリプルフレーム (Triple flame)の存在が確認されている [1-3].希薄、過濃の予混合火炎と拡散火炎から成るトリプ ルフレームは、非定常の乱流拡散火炎構造の一部となると 考えられており[4,5],これまでに様々な実験[1,2,6-13]と数 値計算[4,5,14,15]が行われてきた.

Chung ら[1]は浮き上がり高さが噴流火炎の重要な特性で あり,浮き上がり火炎が保持されるかどうかはノズル径や 流速条件に依存することを指摘した.Yamashita ら[5,15]は, トリプルフレームの火炎構造について素反応機構を考慮し た数値解析を行っており,流入速度で定義される見掛けの 燃焼速度がメタン-空気一次元予混合火炎の最大燃焼速度 を大きく上回ることを指摘した.Nagai ら[11]は,矩形型の バーナを用いて実験的にトリプルフレームを形成し,その 火炎先端の曲率を変化させて近傍における流れ場の変化を

* Corresponding author. E-mail: kazuhiro@mech.nagoya-u.ac.jp

調べた.その結果,火炎面曲率と火炎に垂直に流入する混 合気流速が強い相関を持つことを報告した.Wasonら[13] は、二つの隣り合って形成されるトリプルフレームを対象 に、PIV/OH-PLIF 同時計測を用いて火炎の相互干渉につい て検討を行っている.その結果,適当な濃度勾配を与える ことにより,浮き上がり火炎の安定性が向上することを報 告している.

我々の研究グループでは、燃料ノズルの内側と外側に空 気ノズルを配置した三重管バーナを用いて、浮き上がり火 炎の構造と燃焼特性について実験と数値計算による検討を 行っている[16]. 三重管バーナでは、燃料と空気の境界が 内側と外側に2つ存在するため、火炎も内側と外側に2つ 形成される。通常の噴流バーナでは単一の浮き上がり火炎 が形成されるので、三重管バーナにより火炎同士の干渉を 検討することができる[17]. 流速条件を変えて三重管バー ナに形成される火炎を調べた結果、両方の火炎が付着した 付着火炎 (図 1a)、内側の火炎のみが浮き上がる内側浮き上 がり火炎 (図 1b),外側の火炎のみが浮き上がる外側浮き上 がり火炎 (図 1c)、両方の火炎がともに浮き上がる二重浮き 上がり火炎 (図 1d)の4つの火炎形態が観察された。矩形 型のノズルを持つスリットバーナでもこれら4種類の火炎 形態が形成されることを確認している[18]. ただし、本研



Fig.1 Photos of flames in a triple-port burner [16]; $U_{2F} = 0.6 \text{ m/s}$, (a) $U_{1A}=0.4 \text{ m/s}$, $U_{3A}=0.2 \text{ m/s}$ (b) $U_{1A}=0.6 \text{ m/s}$, $U_{3A}=0.4 \text{ m/s}$ (c) $U_{1A}=0.6 \text{ m/s}$, $U_{3A}=0.7 \text{ m/s}$ (d) $U_{1A}=0.8 \text{ m/s}$, $U_{3A}=0.7 \text{ m/s}$.



Fig.2 Schematic of the triple-port burner.

究で対象とした軸対称の三重管バーナとは、これら4つの 火炎が形成される流速条件が異なる可能性がある。また、 文献18 では流速条件を大きく変えておらず、検討が不十 分であった。

本研究では三重管バーナにより形成される浮き上がり火 炎を対象に, PIV/OH-PLIF 同時計測を行い,流れ場と浮き 上がり高さについて実験的に検討した.また,内側あるい は外側の空気流速のみを変化させてヒステリシス挙動を調 べた.これは,バーナ出口における噴流の構造が火炎の安 定性に密接に関係しているために見られる現象であり,安 定な燃焼を実現する上で重要である[19,20].

2. 実験装置および実験方法

2.1. 三重管バーナ

今回実験で用いた三重管バーナの概略図と座標系を図 2 に示す.三重管バーナの断面図を図 2a に, 噴口形状を図 2b にそれぞれ示している.先に説明したとおり,三重管バー ナは燃料ノズルの内側と外側に空気ノズルを配置した同軸 三重管構造を有している.内側の空気ノズルは内径 10 mm,燃料ノズルは内径 14 mm,外側の空気ノズルは内径 27 mmの円形状であり,それぞれリムの肉厚は 1 mm であ る.座標系は,内側空気ノズルの出口の中心を原点とし, 半径方向に r 軸,高さ方向に z 軸とした.内側の空気流速 を U_{1A}、燃料流速を U_{2F},外側の空気流速を U_{3A} とする. U_{1A} は 0.3 ~ 0.8 m/s の範囲で変化させ,U_{3A} は 0 ~ 1.2 m/s の範囲で変化させた.なお,今回は燃料にメタンを用い, U_{2F} を 0.6 m/s で一定とした.このとき,燃料の流量と空気 の流量 (内側空気と外側空気の流量の和)から求めた総括当 量比は 0.53 ~ 10.39 であった.

2.2. PIV/OH-PLIF 同時計測システム

PIV/OH-PLIF 同時計測システムにより流れ場と火炎形態

について検討した。システムの概略図を図3に示す。PIV と OH-PLIF を用いた計測方法については、文献[18]で説明 しているため詳細は省略する. PIV で設定したダブルパル スの時間間隔は 100 µs とし、トレーサ粒子には平均粒径 1.8 um の酸化マグネシウムを用いた。OH-PLIF の励起波長は 283.2 nm である. 2 つのレーザ光は同一の平面を通るよう に向かい合う形で火炎に照射される。流れ場と OH 蛍光強 度の同時計測は 10 Hz で行った。PIV および OH-PILF にお けるそれぞれの計測領域を図4に示す。PIVの計測領域は 撮影範囲を -26.7 mm ≤ r ≤ 26.7 mm, 0 mm ≤ z ≤ 40 mm と した. また, 流速の算出を行う検査領域は 533 µm×533 µm とした. OH-PLIF の計測領域は, -20 mm≤ r ≤ 20 mm, 0 $mm \le z \le 40 mm$ とした。このときの解像度は 39.1 μ m/pixel である. なお, どちらの撮影領域も燃焼器の中心軸が画像 の中央にくるよう設定した.ただし、浮き上がり火炎がか なり下流に形成される場合は画像の高さを 10 mm ≤ z ≤ 50 mm, または, 20 mm ≤ z ≤ 60 mm に設定した.



Fig.3 Experimental setup in simultaneous PIV/OH-PLIF.

365



Fig.4 Image area in PIV/OH-PLIF system.

3. 実験結果および考察

3.1. ヒステリシス挙動

噴流火炎では付着火炎と浮き上がり火炎の2つの火炎形 態が見られるが、もう一方の火炎形態に遷移する場合には ヒステリシスの挙動を示すことが多くの浮き上がり火炎で 確認されている[18-20].すなわち、火炎の浮き上がり、も しくは火炎の再付着には、それぞれの火炎形態に遷移する 前の履歴が影響する.本実験でも、同様な現象が見られる かどうかを確認するために、U_{2F}を0.6 m/s で一定とし、 U_{1A}とU_{3A}の増減の仕方を変えることにより三重管バーナ の浮き上がり火炎および付着火炎に遷移する流速を調べた.

U1A を一定にして U3A を変化させたときの火炎構造位相 図を図 5 に, U_{3A} を一定にして U_{1A} を変化させたときの火 炎構造位相図を図6に示す。ここで、Iは Inner の略で内側 火炎, O は Outer の略で外側火炎を意味する。空気流速を 増加させて火炎形態が遷移したときの流速を三角で表し, 空気流速を減少させて火炎形態が遷移したときの流速を逆 三角で表している。図5を見ると、U3Aを増加させた場合 より減少させた場合の方が火炎形態の遷移点が下側にプ ロットされている. すなわち, U3A を減少させた場合は, 増加させた場合よりもさらに小さい U3A に設定しないと別 の火炎形態に遷移しないことがわかった.したがって、流 速の条件を変化させる前の火炎形態を保つ傾向が見られ た. また図 6 も同様であり、U1A を減少させた場合は、増 加させた場合よりもさらに小さい UlA に設定しないと別の 火炎形態に遷移しないことがわかる. U1A と U3A の変化の させ方により火炎が浮き上がる (もしくは再付着する) 流速 条件が異なっており、ヒステリシスの挙動を示すことがわ かった. 同様の傾向はスリットバーナ[18]でも見られてい る.ただし、同じ燃料流速でも図1で示した4つの火炎が 形成される流速条件がスリットバーナとは異なることがわ かった.

このヒステリシスの挙動は、燃料と酸素の分子拡散の過



Fig.5 Phase diagram by changing U_{3A} at $U_{2F}=0.6$ m/s.



Fig.6 Phase diagram by changing U_{1A} at $U_{2F}=0.6$ m/s.

程と速度場の構造により説明できることが指摘されている [19]. また,空気流と燃料流の流れの変動[20]もその要因の 一つであると考えられおり,今回のような速度場の計測だ けでなくシミュレーションも同時に行い,さらに検討して いく必要があるものと思われる.

3.2. 各火炎形態における OH 蛍光画像

図7に4つの火炎形態におけるOHの蛍光画像の計測結 果を示す.図7aから図7dは順に,付着火炎,内側浮き上 がり火炎,外側浮き上がり火炎,二重浮き上がり火炎の結 果である.二重浮き上がり火炎については,浮き上がり高 さが40mmよりも大きくなるため,計測領域を他の火炎形 態よりも高い位置にして計測した.OHは燃焼場において 火炎帯および既燃領域に存在するラジカルとして知られて いる[21-23].そこで,OHの蛍光画像をもとに浮き上がり 火炎の基部の位置を特定し,内側浮き上がり火炎と外側浮 き上がり火炎の基部近傍の流れ場を調べた.

3.3. 流れ場と OH 蛍光強度分布

3.3.1. 内側浮き上がり火炎

内側浮き上がり火炎 (U1A=0.7 m/s, U3A=0.4 m/s)の2次



Fig.7 OH images of flames in the triple-port burner; (a) $U_{1A}=0.4$ m/s, $U_{3A}=0.4$ m/s (b) $U_{1A}=0.7$ m/s, $U_{3A}=0.4$ m/s (c) $U_{1A}=0.4$ m/s, $U_{3A}=0.8$ m/s (d) $U_{1A}=0.8$ m/s, $U_{3A}=0.7$ m/s.

元流れ場と OH 蛍光画像を図 8 に示す.内側火炎の下流域 で速度が大きくなっている.また,浮き上がり火炎の基部 近傍においては流れ場が大きく変化していることがわか る.

火炎基部近傍の流れ場について検討するため、浮き上が り火炎が形成される位置での一次元分布を算出した.また、 このときの火炎は左右非対称であるため、画像内の右側の 火炎を解析対象とした。ただし火炎基部の特定は、OH 蛍 光強度の2次元画像をもとに行った。今回は蛍光強度のし きい値を 100 とし、この値を超えた位置を火炎基部 (r 座標 は rf, z 座標は zf) とした.内側浮き上がり火炎の火炎基部 が存在する高さ zf = 20.3 mm における軸方向速度 Vz と OH の蛍光強度 IOH の半径方向分布を図9に示す。図9内には 図 8b で示される浮き上がり火炎が存在する半径方向位置 rf = 3.6 mm も示している. 図9を見ると,外側火炎の燃焼 反応により発生する OH ラジカルが存在する半径方向位置 (r =±10 mm 付近) においては軸方向速度も大きくなってい る. また, r=rfにおいても内側火炎基部近傍での熱膨張の 影響を受け始めているため、図9に示すように他の火炎帯 が存在しない半径方向位置に比べて軸方向速度が大きく なっていることがわかった.

次に、同じ時刻での r = rf における軸方向速度および OH 蛍光強度の軸方向分布を図 10 に示す. この図から、z = zf の OH 蛍光強度が立ち上がり始める位置では軸方向速度が すでに増加している様子が確認できる. すなわち、軸方向



Fig.8 (a) Velocity field and (b) OH image of inner lifted/outer attached flames; U_{1A}=0.7 m/s, U_{3A}=0.4 m/s.



Fig.9 Radial distribution of V_z and OH fluorescence signal at $z_f = 20.3$ mm; $U_{1A}=0.7$ m/s, $U_{3A}=0.4$ m/s.



Fig.10 Axial distribution of V_z and OH fluorescence signal at $r_f = 3.6$ mm; U_{1A} =0.7 m/s, U_{3A} =0.4 m/s.

速度は OH の立ち上がり位置よりも上流側で増加し始める ことがわかる.これより上流での軸方向速度の変化を見る と,緩やかに減少した後にいったん極小値をとっているこ とが確認できた.これは浮き上がり火炎の基部に近づくに つれて熱膨張の影響を受けて半径方向に流れが広がり,火 炎基部に流入する流速が小さくなるためと考えられる [5,9,15].以降では,この軸方向速度の極小値を V_{zmin}, OH



Fig.11 (a) Velocity field and (b) OH image of inner attached/outer lifted flames; U1A=0.4 m/s, U3A=0.8 m/s.

の立ち上がり位置を浮き上がり高さ L_f とし, 3.4 節で検討 する.

3.3.2. 外側浮き上がり火炎

外側浮き上がり火炎 (U_{1A} = 0.4 m/s, U_{3A} = 0.8 m/s) の 2 次 元速度場と OH 蛍光画像を図 11 に示す.内側浮き上がり 火炎と同様に、外側火炎の基部の上流側においては速度が 小さい領域が存在している様子が確認できる。右側の浮き 上がり火炎の基部が存在する高さ zf = 23.2 mm における軸 方向速度および OH 蛍光強度の半径方向分布を図 12 に示 す.図12を見ると、外側浮き上がり火炎が存在する半径 方向位置 rf = 9.3 mm では軸方向速度が大きい.内側浮き上 がり火炎と同様に、r=rfにおける軸方向速度とOH 蛍光強 度の軸方向分布を調べた結果を図 13 に示す. この図から も、z = zf における軸方向速度はすでに熱膨張の影響を受 けて大きくなっていることがわかる. したがって, 図 10 に示した内側浮き上がり火炎と同様、外側浮き上がり火炎 についても浮き上がり火炎基部に近づくにつれ、熱膨張に より流れが半径方向に広がり,軸方向速度は緩やかに減少 して一度極小値 Vz,min をとり、その後軸方向速度は急激に 増大する.

3.4. 軸方向速度の極小値と浮き上がり高さ3.4.1. 定在火炎

浮き上がり火炎の安定化機構については、局所の流体の 速度と火炎の燃焼速度のバランスによる機構、拡散火炎の 消炎にもとづく機構、渦によって下流の高温既燃ガスが上 流に運ばれることによる保炎機構などがある[3].そこで、 内側浮き上がり火炎と外側浮き上がり火炎について 10 Hz の PIV/OH-PLIF 同時計測を行い、浮き上がり火炎の基部近 傍の極小値を調べた. Vz,min と Lf の時間履歴を調べた結果 を図 14 と図 15 に示す.これらの図から、火炎の浮き上が り高さが時間的に変動している様子が確認できる.また、 軸方向速度の極小値も時間的に変動しているが、浮き上が り高さと同じような変動ではない.したがって、浮き上が り高さが大きくなると軸方向速度の極小値も常に大きくな



Fig.12 Radial distribution of V_z and OH fluorescence signal at $z_f = 23.2$ mm; U_{1A} =0.4 m/s, U_{3A} =0.8 m/s.



Fig.13 Axial distribution of V_z and OH fluorescence signal at r_f = 9.3 mm; $U_{1A} {=} 0.4$ m/s, $U_{3A} {=} 0.8$ m/s.

るなどの単純な傾向をこの図からは確認できない.

さらに検討するため、内側と外側の浮き上がり火炎につ いて、Lf と V_{z,min}の関係を図 16 に示す.このときの V_{z,min} の平均値を図内に内側浮き上がり火炎については破線で示 し、外側浮き上がり火炎については実線で示している.こ の図から、Lf が大きくなると V_{z,min} も増加しているように 見えるが、変動が大きいため明確な関係を得ることはでき ない. V_{z,min}の平均値は、内側浮き上がり火炎において 0.59 m/s、外側浮き上がり火炎において 0.80 m/s となり、どち らも室温におけるメタン-空気層流予混合火炎の最大燃焼 速度である 0.39 m/s より大きいことがわかった.浮き上が り火炎近傍の流れが伸長流れ場になっているためであると 考えられる[24,25]が、下流に位置する浮き上がり火炎に流 入する燃料と空気が予熱されている可能性もあるため、今 後検討する必要がある.

U_{1A} を 0.4 m/s と 0.7 m/s として, U_{3A} を 0.4 m/s から 1.0 m/s まで 0.1 m/s ずつ増加させたときの各流速条件における 定在火炎について, PIV/OH-PLIF 同時計測を行い, 各流速 条件ごとに 30 組の同時計測結果から浮き上がり高さと軸



Fig.14 Time variation of liftoff height and minimum axial velocity for inner lifted/outer attached flames; $U_{1A} = 0.7$ m/s, $U_{3A} = 0.4$ m/s.



Fig.15 Time variation of liftoff height and minimum axial velocity for inner attached/outer lifted flames; $U_{1A} = 0.4$ m/s, $U_{3A} = 0.8$ m/s.



Fig.16 Liftoff height and minimum axial velocity; $U_{1A} = 0.7$ m/s, $U_{3A} = 0.4$ m/s and $U_{1A} = 0.4$ m/s, $U_{3A} = 0.8$ m/s.

方向速度の極小値の平均値を算出した結果を図 17 に示す が、それぞれの変数に平均値の意味の横棒 (バー)を文字の 真上に付けている。図 17a に $U_{1A} = 0.4$ m/s の場合の結果, 図 17b に $U_{1A} = 0.7$ m/s の場合の結果をそれぞれ示してい る.これらの図を見ると、 L_{f} の平均値と $V_{z,min}$ の平均値の 間には明確な相関があることがわかる。すなわち、浮き上 がり高さの平均値が大きい値をとると軸方向速度の極小値 の平均値も大きくなり、両者には線形的な関係があるとい



Fig.17 Average of liftoff height and minimum axial velocity for $U_{3A} = 0.4 \sim 1.0 \text{ m/s}$; (a) $U_{1A} = 0.4 \text{ m/s}$ and (b) $U_{1A} = 0.7 \text{ m/s}$.

える. ただし, U_{3A} を増加させるとこれらの値が一律に増 加するわけではない. また,同じ浮き上がり高さで比較す ると,外側火炎のほうが内側火炎より軸方向速度の極小値 は大きいことがわかった.

3.4.2. 非定在火炎

ここでは、流速の条件を変化させて、火炎形態が遷移す る非定在火炎の流れ場と浮き上がり高さについて検討す る. U_{1A} を 0.6 m/s 一定として、U_{3A} を増加させた場合の検 討を行った. 8 秒間で U_{3A} を 0.5 m/s から 0.8 m/s まで変化 させたので、流速の時間変化率は 0.0375 m/s² である. 今回 は内側浮き上がり火炎から外側浮き上がり火炎へと遷移す る流速条件、すなわち内側火炎が再付着する条件で検討し た. 計測開始時刻を t = 0 s としたときの内側および外側火 炎の L_f の t = 0 ~ 8 s における時間変化を図 18 に示す. こ れらの図から、外側の空気流速を増加させるにつれ外側火 炎は下流に流され、時刻 t = 5 s において内側火炎よりも下 流側で形成された. その後、外側火炎の浮き上がり高さは 増加し、内側火炎の浮き上がり高さは急激に減少して再付 着した. 同様の現象が数値計算[17]でも確認されている.

このときの $V_{z,min}$ と L_f の関係を調べた.その結果を図 19 に示す.外側火炎の浮き上がり高さが大きくなると $V_{z,min}$ も大きくなる傾向があることを確認した.一方,内 側火炎の浮き上がり高さが小さくなるにつれ,軸方向速度



Fig.18 Time variation of liftoff height by increasing U_{3A} from 0.5 m/s to 0.8 m/s; $U_{1A} = 0.6$ m/s, $t = 0 \sim 8$ s



Fig.19 Time variation of liftoff height and minimum axial velocity by increasing U_{3A} from 0.5 m/s to 0.8 m/s; $U_{1A} = 0.6$ m/s, $t = 3 \sim 8$ s

の極小値も小さくなった. すなわち, どちらの浮き上がり 火炎も下流に形成されるほど, 軸方向速度の極小値は大き くなることがわかった.

4. 結言

三重管バーナにより形成された浮き上がり火炎を対象 に、PIV/OH-PLIF 同時計測を行い、定在および非定在の浮 き上がり火炎の基部近傍での流れ場と浮き上がり高さにつ いて実験的に検討した.これにより、以下のことがわかっ た.

- (1) 内側と外側の空気流速の増減の仕方を変えると、流速 を変化させる前の条件の火炎形態を保つような傾向が 見られ、浮き上がり火炎および付着火炎に遷移する流 速が変わる.すなわち、ヒステリシスの挙動を示す. ただし、同じ燃料流速でも三重管バーナとスリットバー ナではそれぞれの火炎が形成される流速条件が異なる.
- (2)内側浮き上がり火炎および外側浮き上がり火炎の火炎 基部近傍の軸方向分布を調べたところ、OHの蛍光強度 の立ち上がり位置よりも上流側で軸方向速度は極小値 をとる.また、軸方向速度の極小値の平均値は、室温

におけるメタン-空気層流予混合火炎の最大燃焼速度よ りも大きい.

- (3) 定在する内側と外側の浮き上がり火炎を対象に浮き上がり高さと軸方向速度の極小値の関係を調べたところ、 浮き上がり高さが大きいほど浮き上がり火炎基部近傍の軸方向速度の極小値は線形的に増加する。ただし、 同じ浮き上がり高さで比較すると、外側火炎のほうが 内側火炎より軸方向速度の極小値は大きい。
- (4)内側浮き上がり火炎から外側浮き上がり火炎に遷移する非定在火炎の流れ場と浮き上がり高さについて検討したところ、内側火炎および外側火炎の浮き上がり高さが大きいほど、軸方向速度の極小値は大きくなる。

今後,単一の浮き上がり火炎との違いや2つの火炎の干 渉のメカニズムの解明を数値シミュレーションにより行っ ていく予定である.

References

- 1. S. H. Chung, B. J. Lee, Combust. Flame 86: 62-72 (1991).
- B. J. Lee, J. S. Kim, S. H. Chung, Proc. Combust. Inst. 25: 1175-1181 (1994).
- Y. Mizobuchi, Journal of the Combustion Society of Japan 52-161: 206-212 (2010).
- C. M. Muller, H. Breitbach, N. Peters, *Proc. Combust. Inst.* 25: 1099-1106 (1994).
- H. Yamashita, A. Tada, Journal of the Japan Society Computational Fluid Dynamics 11-4: 137-148 (2003).
- F. Takahashi, Q. J. Schmoll, Proc. Combust. Inst. 23: 677-683 (1990).
- 7. Y. S. Ko, S. H. Chung, Combust. Flame 118: 151-163 (1999).
- M. Hirota, A. Matsuo, M. Mizomoto, *JSME Trans. B.* 66-646: 1557-1564 (2000).
- 9. J. Boulanger, L. Vervisch, Combust. Flame 130: 1-14 (2002).
- M. Hirota, A. Matsuo, M. Mizomoto, *JSME Trans. B*. 69-677: 177-184 (2003).
- 11. Y. Nagai, M. Hirota, M. Mizomoto, *JSME Trans. B.* 70-691: 780-788 (2004).
- 12. M. S. Mansour, Proc. Combust. Inst. 28: 771-779 (2004).
- A. Wason, W. F. Carnell, Jr., M. W. Renfro, *Combust. Sci. and Tech.* 178: 789-811 (2006).
- J. Buckmaster, R. Weber, *Proc. Combust. Inst.* 26: 1143-1149 (1996).
- H. Yamashita, S. Tsutsumitani, N. J. Choi, *JSME Trans. B*. 65-630: 775-782 (1999).
- K. Yamamoto, S. Kato, Y. Isobe, N. Hayashi, H. Yamashita, Proc. Combust. Inst. 33: 1195-1201 (2011).
- K. Yamamoto, Y. Isobe, N. Hayashi, H. Yamashita, *Journal of the Combustion Society of Japan* 54-170: 285-290 (2012).
- 18. Y. Oku, K. Yamamoto, N. Hayashi, H. Yamashita, Journal of

the Combustion Society of Japan 55-174: 395-402 (2012).

- S. R. Gollahalli, O. Savas, R. F. Huang, J. L. R. Azara, *Proc. Combust. Inst.* 21 1463-1471 (1986).
- 20. T. Nishimura, K. Kunitsugu, K. Morio, *Combust. Flame* 159-4: 1499-1502 (2012).
- R. Horie, A. Ito, M. Nishioka, X. L. Zhu, T. Takeno, *JSME Trans. B*. 65-629: 54-61 (1999).
- 22. K. Yamamoto, T. Isayama, N. Hayashi, H. Yamashita, *Journal* of the Combustion Society of Japan 49: 181-186 (2007).
- 23. K. Yamamoto, M. Ozeki, N. Hayashi, H. Yamashita, Proc. Combust. Inst. 32: 565-590 (2009).
- 24. C. K. Law, Proc. Combust. Inst. 22: 1381-1402 (1988).
- 25. N. Hayashi, H. Yamashita, *Journal of the Combustion Society* of Japan 50-154: 345-352 (2008).