■原著論文/ORIGINAL PAPER■

狭い間隙内におけるデトネーションの伝播モード

Propagation Mode of Detonation Waves in a Narrow Gap

石井 一洋1*・伊藤 和久2**・坪井 孝夫1

ISHII, Kazuhiro^{1*}, ITO, Kazuhisa^{2**}, and TSUBOI, Takao¹

¹ 横浜国立大学大学院工学研究院 〒240-8501 横浜市保土ヶ谷区常盤台 79-5 Yokohama National University, 79-5 Tokiwadai, Hdogaya-ku, Yokohama240-8501, Japan

² 横浜国立大学大学院工学研究科 〒240-8501 横浜市保土ヶ谷区常盤台 79-5 Yokohama National University, 79-5 Tokiwadai, Hdogaya-ku, Yokohama240-8501, Japan

2004 年 9 月 2 日受付; 2004 年 10 月 24 日受理/Received 2 September, 2004; Accepted 24 October, 2004

Abstract : Propagation mode of detonation waves in a narrow gap has been studied experimentally. The gap was formed by a pair of metal plates of 1500 mm in length which were inserted in a detonation tube. Two metal spacers were interposed at both side edges of the plates to arrange a gap size of 2.0 mm. The plates are supported by 15 combination probes which were composed of pressure and ion probes. Using the combination probe it is possible to detect a shock and a reaction front individually at one measurement point. A test gas was hydrogen-oxygen mixture diluted with argon or nitrogen and an initial pressure was 39 kPa. Velocity profiles and smoked foil records reveal five propagation modes in the gap: stable, quasi-stable, galloping, single head, and failure mode. In the quasi-stable mode, the propagation velocity is almost constant, while cell size on smoked foil records has larger variation as compared to the stable mode. The galloping mode shows large velocity fluctuation more than \pm 500 m/s and wide variety of the cell size along the propagation direction. In the single head mode one triple point travels downstream reflecting at the sidewall. The velocity deficit normalized by the propagation velocity at the gap entrance is dependent on the gap size normalized by the cell size, although the velocity deficit has little dependency for lean hydrogen-oxygen mixtures.

Key Words : Detonation, Cell size, Propagation mode, Velocity deficit

1. 緒言

デトネーションの伝播限界条件を調べることは、防爆の ための基礎的なデータを提供することとなる。円管内を伝 播するデトネーションの伝播限界は古くから調べられてお り[1],各種混合気に対して伝播可能な最小直径の存在が確 認されている[2].Dupré らは、直径が段階的に変化する管 を用いて、セルサイズが管内周と等しい場合がデトネーシ ョンの伝播限界条件であることを系統的に調べている [3.4].しかしながらデトネーションが間隙内に進入する場 合には、セルサイズより小さい間隙長においても、速度欠 損を伴うものの定常的に伝播することが可能であることが わかっている[5.6].この場合、伝播は間隙面内における衝 撃波三重点の衝突・移動に支配され、いわゆる二次元デト

* Corresponding author. E-mail: kazishii@ynu.ac.jp

** 現所属: 三菱重工業株式会社

〒652-8585 神戸市兵庫区和田崎町 1-1-1

ネーションが形成される.速度欠損の主要な原因は,壁へ の摩擦損失により衝撃波面背後の運動量が失われる[7]ため であり,セルサイズという反応誘導距離と関連する量[8.9] とは物理的意味合いが異なる.速度欠損に関しては,解析 的手法[10]や数値シミュレーション[2]により定量的評価が 行われており,また一次元解析では,摩擦損失の付加によ り振動解が生ずることがわかっている[11].

これまでに著者らは、円管内に設けた長さ 500 mm の間 隙に定常デトネーションを入射させ、間隙の幅および混合 気組成がその後のデトネーション伝播へ及ぼす影響を調べ てきた[5.6]. しかしながら間隙入射後直後では、運動量損 失による衝撃波の減衰と、デトネーション波面背後の燃焼 ガスによる衝撃波駆動とがバランスせずにオーバードリブ ン状態にあるため、混合気によっては長さ 500 mm の試験 区間では定常伝播の確立に不十分となる可能性があり、ま た大幅な速度変動などの不安定性を示す場合については、 伝播挙動の全容を把握するに足るだけの長い試験区間が必



Fig. 1. Schematic of experimental apparatus. Dimensions in mm.



Fig. 2. Detailed construction of the test section. Dimensions in mm.

要となることがわかった.そこで本研究では,試験区間の 長さを 1500 mm へと延長し,主としてその伝播挙動に重 点をおいて,間隙内を伝播するデトネーションに関して実 験的に調べた.当量比および希釈気体の割合を変化させる ことで,様々なセルサイズのデトネーションを間隙に入射 させ,伝播速度およびセルサイズの変化より伝播モードの 特定を行った.

2. 実験方法

2.1. 実験装置

本研究で使用したデトネーション管は Fig. 1 に示すよう に全長 5,350 mm,内径 50.5 mmのステンレス管である. 試験部には長さ 1,500 mm,幅 46 mmの一対のステンレス 板が挿入されている.Fig. 2 に試験部の詳細を示す.ステ ンレス板の間に金属製スペーサーを挟むことにより,横幅 40 mm,高さ方向 2 mmの間隙が構成されている.ステン レス板表面に煤を塗布することにより,間隙内のセル構造 の変化を観察することができる.

試験部には, 圧力プローブとイオンプローブを組み合わ せたプローブ(以後, コンビネーション・プローブと呼ぶ) が, 試験区間入口より 100 mm ごとに 15 個設けられてい る. コンビネーション・プローブの構造を Fig. 3 に示す. 圧力プローブは, 厚さ約 0.2 mm の受圧面を介して, 円筒



Fig. 3. Construction of the combination probe composed of an ion and a pressure probe.

形状のピエゾセラミック素子により圧力波を検知する構造 となっている.またプローブ設置が間隙内におけるデトネ ーション挙動に影響を与えないように、イオンプローブは フラッシュマウントとする必要がある.そのため上述の受 圧面が電極も兼ねており、絶縁用のデルリンを挟んだ外周 の円環状の電極との間に電圧を印加している.したがって 圧力波面検出部はプローブ中心、反応面検出部はその外周 の円環部となり、厳密には両波面検出位置は異なるものの、 ほぼ同一計測地点で衝撃波面と反応面の到達を個別に捉え ることができる.なお、本圧力プローブではピエゾセラミ ック素子の固有振動数の補正は行っておらず、衝撃波のよ うな急峻な立ち上がりの圧力波に対しては出力が大きく振 動する結果となる.そのため本プローブでは圧力の絶対値 測定は行わず、出力信号の立ち上がりから衝撃波面到達の 検出のみを行っている.

2.2. 実験条件

実験条件を Table 1 に示す. 試験気体は水素--酸素混合 気をベースとし, 試験部の初期圧力は 39 kPa 一定であり, 当量比およびアルゴン, 窒素の希釈率を変化させることに よりセルサイズを変化させた. Table 1 におけるセルサイズ は間隙入射前での実測値であり, どの条件においてもセル サイズは間隙長 2 mm より大きい. なお,反応性の低い混 合気の場合には, Fig. 1 に示される長さ 850 mm の駆動部 に水素--酸素量論混合気を充填し,駆動部にて生じたデト ネーションにより試験部にデトネーションを起動させた. このとき駆動部の初期圧力を 52 kPa ~ 65 kPa の範囲で調整 し,試験部でデトネーションが生ずる下限の圧力付近に設 定した.駆動気体総発熱量に対する試験気体総発熱量の比 は, Table 1 のアルゴン希釈 80 % の場合で 0.61,窒素希釈 55 % の場合で 1.1 である.

ー般に、反応性の高い気体のデトネーションを駆動部と して反応性の低い気体にデトネーションを起動させる場合 には、どこまで駆動気体の影響が残存しているかという問 題がある、また反応性の低い気体に対して、駆動気体を用

Table 1. Experimental conditions.

Mixture	Initial pressure	Cell size
H ₂ -O ₂	(kPa)	λ (mm)
φ=0.2		7.1
<i>φ</i> =0.3		4.2
φ=0.5		3.0
φ=0.7		2.8
φ=1.0		3.1
φ=1.5		4.3
φ=1.7		5.5
<i>φ</i> =2.0		7.1
<i>φ</i> =2.3		8.9
<i>φ</i> =2.5	39	13.6
φ=1.0 (Ar50%)		4.0
<i>φ</i> =1.0 (Ar60%)		4.6
φ=1.0 (Ar70%)		6.1
φ=1.0 (Ar80%)		10.2
$\phi = 1.0 (N_2 15\%)$		3.8
φ=1.0 (N ₂ 25%)		5.0
φ=1.0 (N ₂ 40%)		7.8
φ=1.0 (N ₂ 45%)		9.4
φ=1.0 (N ₂ 55%)		12.8

いることなく DDT (Deflagration to Detonation Transition) が 生じた場合にも,速度は定常値を示しているものの定常伝 播には到っていない場合もある[12]. この場合は,火炎伝 播初期に生じた圧縮波によって予め圧縮された混合気中を デトネーションが伝播してゆくためと考えられ,反応性の 低さから DDT 距離が長くなる場合にも,定常伝播の確認 に注意を要することを示唆している.本研究では,伝播速 度が C-J 速度とほぼ一致し,さらにセルサイズが他者の定 常伝播のデータと一致するか,という双方から定常伝播の 確認を行なった.具体的には,試験部へ入射するデトネー ション速度は間隙手前の3個のイオンプローブにより測定 し,さらに間隙直前に設置した煤膜から測定されたセルサ イズを文献[9,13-17]と比較して,間隙入射前に定常デトネ ーションが確立されていることを事前に確認した.

混合気の点火は,一時電流遮断型の点火回路を用いて管端に設置した自動車用点火栓にて行った.さらに DDT を 促進させるため,管端部にはスパイラルを挿入した.

3. 実験結果および考察

3.1. 伝播モード

本実験では、二次元的な間隙形状における速度測定結果 および煤膜記録のおけるセル構造の変化から、stable, quasi-stable, galloping, single head, failureの5種類の伝播 モードが確認された、以下に各モードに関して記す.

3.1.1 stable モード

Fig. 4 に水素-酸素量論混合気をアルゴンで 50 % 希釈し



Fig. 4. Velocity profiles, variation of cell size, and smoked foiled record of the stable mode. Test gas is a stoichiometric hydrogenoxygen mixture diluted with argon 50 % in volume.

た場合の速度履歴およびセルサイズの変化を示す.図の横 軸は間隙入り口からの距離を表している.距離0における 速度は,間隙に入射するデトネーションの速度であるが, 前述の間隙手前に設置した3個のイオンプローブによる測 定値をプロットした.これはほぼ C-J 速度を示しているこ とがわかる.間隙に入射して約1割程度の速度欠損がある ものの,その後は間隙内を一定の速度で伝播している.間 隙入射前のセルサイズは4.0 mmであり,間隙内ではセル が大きくなる傾向にあるが,ほぼ規則正しいセル構造を示 している.以上よりデトネーションは間隙内を定常伝播し ていると考えられる.本実験では当量比 $\phi = 0.3 \sim 1.5$,ア ルゴン希釈率50~70%,窒素希釈率15,25%の場合に stable モードを示した.

3.1.2 quasi-stable モード

入射するデトネーションのセルサイズを stable モード時 よりも徐々に大きくした場合にこのモードが現れた.Fig. 5 に示されるように、伝播速度に関しては衝撃波面、反応 面ともに若干の変動があるもののほぼ一定であり、stable モードとの大きな差異は見当たらない.一方、煤膜記録で はセルサイズが大きくばらつくとともに、間隙長方向に移 動する三重点がステンレス板で反射する際に残す痕跡であ る slapping wave[18]が顕著に見られる.間隙内では幾つか の三重点の消失とともにセルが大きくなっていくが、側壁 となる金属製スペーサーにおける三重点の反射の後に再び 細かいセルが出現しており、この繰り返しが速度変動に影 響していると考えられる.



Fig. 5. Velocity profiles, variation of cell size, and smoked foiled record of the quasi-stable mode. Test gas is a hydrogen -oxygen mixture with an equivalence ratio of 1.7.

Fig. 5 の煤膜記録は間隙を構成するステンレス板の内の 1 枚であるが, もう 1 枚の煤膜記録は対称なセル構造を示 している.したがって進行方向が互いに垂直な三重点がそ れぞれ独立に伝播してゆく,二次元デトネーションが実現 されていると考えられる.本実験のようにアスペクト比の 大きいチャンネル断面においては,間隙長方向の波の伝播 は抑制され,主として 40 mm の間隙幅方向への三重点の 伝播によってデトネーションが維持されていると考えられ る. φ = 0.2, 1.7, 2.0 および窒素希釈率 40 % 時に quasistable モードが現れた.

3.1.3 gallopingモード

管内を進行するデトネーションの伝播限界条件付近で は、大幅な加速・減速を繰り返す galloping デトネーション が出現することが知られている[18-20]. Fig. 6 に示される ように、間隙内を伝播する場合にも同様な現象が確認され た. この場合、デトネーションは間隙入射後に急激に減速 し、幾つかの三重点の消失とともにセルが大きくなってゆ く. その後も波面の減速が続いて1つの三重点が存在する のみとなり、衝撃波面と反応面との分離が生ずる. 煤膜記 録では三重点の軌跡も希薄となり、軌跡そのものが捉えき れない部分も存在した. その後は波面が加速を開始し、側 壁での反射の後に細かいセルが出現し、波面の減速ととも にセルが再び大きくなってゆくことを繰り返していく. Fig. 6 は煤膜記録の片側であるが、もう1 枚の煤膜記録に も対称なセル構造が観察されており、この場合も二次元的 現象であることがわかる. また、Fig. 7 は galloping モード



Fig. 6. Velocity profiles and smoked foiled record of the galloping mode. Test gas is a hydrogen-oxygen mixture with an equivalence ratio of 2.3.

時の同一条件における 2 回の結果を示しており,煤膜記録 はその内の白抜きの記号に対応している.このモードでは 他のモードと異なり速度履歴には再現性はない.また,一 時的ではあるが C-J 速度以上の伝播速度を示すこともあ り,煤膜記録に示されるように細かいセルの出現とともに に強いオーバードリブン状態を示している.

管内における galloping デトネーションでは、衝撃波面と 反応面とが完全に分離して、三重点の伝播そのものが消失 した後に反応面の加速が生じている[20]. さらにデトネー ション波が再形成される箇所では DDT と同様な細かいセ ル構造の出現を呈しており、デトネーション波の再形成に は少なくとも数 m 以上の距離を要している.本実験では、 三重点の側壁における反射によりデトネーションが維持さ れていると考えられ、管内における galloping デトネーショ ンと伝播機構が必ずしも同一であるとは断言できない.し かしながら、細かいセルの出現および大幅な速度変動があ ることとから、現象的に galloping と呼ぶこととした.本実 験では φ=2.0~2.5 の場合にこのモードを示した.



Distance from the gap entrance (mm)

Fig. 7. Velocity profiles and smoked foiled record of the galloping mode. Test gas is a hydrogen-oxygen mixture with an equivalence ratio of 2.3. Open and solid symbols denote different tests under the same experimental condition. The smoked foiled record corresponds to the velocity profile indicated with the open symbol.

3.1.4 single head $\pm - \aleph$

前述したように、円管内におけるデトネーションの伝播 限界条件はセルサイズが内径円周と等しい場合とされてい る[1,2]. このときは1つの三重点が螺旋状に回転しながら 伝播してゆくスピン・デトネーションとなる。また矩形断 面においてもスピン・デトネーションが生ずることがわか っている[21]. 本実験では、間隙を含む面内で移動する1 つの三重点が、側壁における反射を繰り返すことで伝播を 維持するモードが存在した。Fig.8にその場合の煤膜記録 と速度履歴の代表例を示す。同図は煤膜記録の片側である が、もう1枚の煤膜記録にも対称な痕跡が残されていた。 これから、三重点は断面内で回転することなく間隙面内を ジグザグに移動していることがわかる。速度履歴は細かい 変動をしているが、これは直線配置したプローブにより速 度測定を行ったスピン・デトネーションの場合にも見られ ることがある、スピン・デトネーションでは、その波面構 造が単純な一次元的なものではなく、湾曲した衝撃波面お よび反応面、スピンの本体である横波により構成されてい る[22]. したがって、プローブ位置を波面のどの部分が通 過するかに応じて速度測定結果にも変動が現れることとな る、本モードにおいても波面構造はスピン・デトネーショ



Fig. 8. Velocity profiles and smoked foiled record of the single head mode. Test gas is a hydrogen-oxygen mixture with an equivalence ratio of 2.5.

ンと同様と考えられるが、相違点としては側壁での反射に よる三重点の強化があり、これが速度変動に影響している 可能性が考えられる. 波面は平均して C-J 速度の約 6 割程 度の速度で伝播しており、通常のスピン・デトネーション の伝播速度よりも遅い結果となっている。

single head モードは $\phi = 2.5$ および窒素希釈率 45 % の場 合に見られたが,前者では galloping モードが生ずることも あった. このように同一条件においても 2 つのモードが共 存する場合があり,他に $\phi = 2.0$ では quasi-stable モードと galloping モードの両者が確認された.この原因としては間 隙に入射する定常デトネーションの三重点の個数が,実験 ごとに必ずしも同一ではないことが挙げられる.すなわち, 入射する三重点の個数が比較的多い場合には,より安定な モードで伝播すると考えられ,同一条件における複数の伝 播モードの存在はデトネーション波面自体の不安定性[23-27]にも起因していると考えられる.

3.1.5 failure モード

これはデトネーションの伝播に失敗した場合であり、伝播モードと呼ぶことには無理がある. Fig. 9 にアルゴン希釈率 80%の速度測定結果を示す. 間隙に入射した後, デ



Fig. 9. Velocity profiles and variation of cell size of the failure mode. Test gas is a stoichiometric hydrogen-oxygen mixture diluted with argon 80 % in volume.

トネーションは定常伝播に至ることなく減速を続け、やが て 250 mm を過ぎた付近から衝撃波面と反応面との分離が 始まり、反応面の再加速も生じない. 煤膜記録においても、 間隙入射後よりセルサイズが大きくなり、300 mm 付近で セル構造は消えてしまう.水素-空気量論混合気とほぼ等 しい組成となる窒素希釈率 55 % に関しても同様の結果と なった.

3.2. 速度欠損

一般に、セル構造を考慮することなく C-J 条件から熱力 学的に計算される C-J 速度は、セルサイズよりも十分大き な空間を伝播するときのデトネーション伝播速度の測定値 と良い一致を見る、しかしながら、狭い間隙内を伝播する 場合にはデトネーションは速度欠損が生じ, C-J 速度を下 回る速度で伝播することとなる。定常デトネーションを移 動座標系における一次元モデルで考えれば,衝撃波面背後 は亜音速であるが、その後は Taylor 膨張波により増速し、 流速と局所音速が等しくなる C-J 面以降は超音速となる. この座標系では壁面はデトネーション伝播速度で下流に移 動することとなり,したがって境界層がデトネーション伝 播に影響を及すことが可能なのは衝撃波面から C-J 面まで となる[7,28,29]. このような一次元モデルは、セル構造を 考えていない点で現実的ではない、しかしながら多次元計 算としても波面下流においていずれは超音速へと移行する ため、いわゆる C-J 波面形状が一次元計算よりも複雑化す るものの, 速度欠損の機構は同様と考えられる[30].

本研究では速度欠損 AV(%)を以下のように定義した.

$$\Delta V = \frac{V_0 - \overline{V}}{V_0} \times 100 \tag{1}$$



Fig. 10. Relationship between velocity deficit and normalized gap size based on cell size.

ここでは V₀間隙入射前の速度, V は間隙内における平均 速度である.Fig. 10 に stable および quasi-stable モード時の 速度欠損を示す。ここで横軸は、間隙長を間隙入射前のセ ルサイズで除した無次元量としている。セルサイズは混合 気固有の値であり、detonabilty を示す尺度として取り扱う ことができる.速度欠損は混合気の粘性,C-J 面までの波 面構造に依存するため、単純にセルサイズのみで整理する ことができるとは言い難い、しかしながら、セルサイズと デトネーション波面背後の反応誘導距離とは密接な関係が あることが知られており[8,9], 衝撃波面から C-J 面までの 距離もまたセルサイズと関連することが考えられる[28]. また水素-酸素混合気では、C-J 面における粘性係数は混 合気組成が異なったとしても 10 % 程度の変化を示すのみ であり[5]、波面背後は複雑な波面構造に起因する乱流構造 が存在する[31]ことから、むしろ乱流境界層が支配的であ る可能性が高い、したがって実験式的な意味合いが強いも のの, Fig. 10 に示されるようにセルサイズで無次元化した 間隙長で速度欠損を整理することが可能であると考えら れる.

Fig. 10 において、同一セルサイズであっても希薄混合気 では過濃混合気より速度欠損が少なく、また希薄側ではセ ルサイズを変化させても速度欠損にはあまり影響しない結 果となった.これはデトネーションの波面構造に関係して いると考えられ、一次元数値シミュレーションの結果では、 運動量損失を付加してゆくと衝撃波面から C-J 面までの距 離が短くなる[6].混合気組成が量論比から外れるほど一般 に反応誘導時間が長くなるが、一方で水素一酸素混合気に 関しては等量比の増加とともに C-J 速度が増大する.その ため希薄混合気と過濃混合気で同一の反応誘導時間であっ たとしても、衝撃波面から C-J 面までの距離は前者の方が



Fig. 11. Categorized propagation mode and velocity deficit for various equivalence ratios and dilution rates. The gap size is 2 mm and the gap width is 40 mm.

短くなり,主流からの運動量の損失割合も小さいと考えら れる.アルゴンおよび窒素希釈の場合には,以上の説明だ けでは不十分であり,セル構造を考慮に入れた解析が必要 である.

Fig. 11 に当量比および希釈率を変化させた場合の速度欠 損および伝播モードを示す.同一希釈率であっても,窒素 希釈の場合は速度欠損が大きく,また伝播が不安定となり やすいことがわかる.管内を伝播するデトネーションに関 しては,一般にアルゴン希釈の場合は煤膜記録における三 重点の奇跡が明瞭であり,比較的均一なセルが得られる. それに対して窒素希釈ではセルサイズがばらつく傾向があ る.これらに関して,近年 LIF 等を用いたデトネーション 波面の可視化により,乱れを伴う波面構造の相違が不安定 性に起因していることが明らかにされている[31].間隙内 においては,希釈気体の相違による衝撃波面構造の乱れが 運動量損失に影響していることが考えられる.

本研究では、間隙断面のアスペクト比が固定された条件 において実験を行っている。アスペクト比を変化させてデ トネーション伝播を調べた実験では、セル構造の規則性の 相違により伝播限界条件のアスペクト比依存性が異なる結 果が得られている[32].この実験では、ワイヤースクリー ンを使用して管側壁における横波の反射を抑えている点が 異なるものの、アスペクト比によって伝播モードならびに 速度欠損が異なる可能性が示唆されており、今後の検討課 題である.

4. 結言

当量比および希釈率を変化させることで得られる様々な セルサイズのデトネーションを,高さ方向2mm,幅40 mmの間隙内に入射させて,その後の伝播の様子を実験的 に調べた.この二次元的間隙を伝播するデトネーションの 速度測定および煤膜記録の結果から stable, quasi-stable, galloping, single head, failureの5種類の伝播モードが存在す ることがわかった.また本実験条件では,セルサイズで無 次元化した間隙長で速度欠損を整理できるが,希薄混合気 の stable, quasi-stable モードでは,速度欠損はセルサイズに あまり依存しない.さらに希釈気体の種類は間隙内の伝播 に大きく影響を及ぼし,同一希釈率ではアルゴン希釈と比 較して窒素希釈では速度欠損が大きく,間隙内における伝 播能力が低いことがわかった.

References

- Pusch, W., and Wagner, H. G., Combust. Flame 6: 157-162 (1962).
- Agafonov G. L., and Frolov, S. M., Combust. Explos. Shock Waves 30: 91-100 (1994).
- Dupre, G., Knystautas, R., and Lee, J. H. S., *Prog. Astronaut.* Aeronaut. 106: 244-259 (1986).
- Dupre, G., Peraldi, O., Joannon, J., Lee, J. H. S., and Knystautas, R., *Prog. Astronaut. Aeronaut.* 133: 156-169 (1991).
- Ishii, K., Shimizu, Y., Tsuboi, T., Weber, M., Olivier, H., and Gronig, H., *Chemical Physics Reports* 6: 28-33 (2001).
- Ishii, K., Itoh, K., and Tsuboi, T., Proc. Combust. Inst. 29: 2789-2794 (2002).
- 7. Fay, J. A., Phys. Fluids 2: 283-289 (1959).
- Shepherd, J. E., Prog. Astronaut. Aeronaut. 106: 263-293 (1986).
- Ohyagi, S., Ochiai, T., Yoshihasi, T., and Harigaya, Y., JSME Trans. B (in Japanese) 54: 3559-3564 (1988).
- 10. Tsuge, S., Combust. Sci. Technol. 3:195-205 (1971).
- Zhang, F., and Lee, J. H. S., Proc. R. Soc. Lond. A 446: 87-105 (1994).
- Hikita, T., and Akita, K., *Nenshougairon*, p. 112, Koronasya, (1973).
- Strehlow, R. A., Liangminas, R., Watson, R. H., and Eyman, J. R., *Proc. Combust. Inst.* 11: 683-692 (1967).
- 14. Barthel, H. O., Phys. Fluids 17: 1547-1553 (1974).
- Manzhalei, V. I., Mitrofanov, V. V., and Subbotin, V. A., Combust. Explos. Shock Waves, 10: 89-95 (1974).
- Anderson, T. J., and Dabora, E. K., Proc. Combust. Inst. 24: 1853-1860 (1992).
- 17. Kaneshige, M. J., *PhD thesis*, California Institute of Technology, (1999).

- Edwards, D. H., and Morgan, J. M., J. Phys. D 10: 2377-2387 (1977).
- Lee, J. J., Dupré, G., Knystautas, R., and Lee, J. H., Shock Waves 5: 175-181 (1995).
- 20. Ishii, K., and Grönig, H., Shock Waves 8: 55-61 (1998).
- 21. Nettleton, M. A., *Gaseous Detonations*, p.46, Chapman and Hall (1987).
- 22. Ishii, K., and Grönig, H., *JSME Trans. B* (in Japanese) 67: 142-147 (2001).
- 23. Erpenbeck, J. J., Phys. Fluids 7: 684-696 (1964).
- 24. Fickett, W., and Wood, W. W., *Phys. Fluids* 9: 903-916 (1966).
- 25. Abouseif, G. E., and Toong, T. Y., *Combust. Flame* 45: 67-94 (1982).

- Short, M., Stewart, D. S., J. Fluid. Mech. 340: 249-295 (1997).
- 27. Short, M., J. Fluid. Mech. 430: 381-400 (2001).
- Vasiliev, A. A., Gavrilenko, T. P., and Topchian, M. E., Astronaut. Acta 17: 499-502 (1972).
- Edwards, D. H., Jones, A. T., and Phillips, D. E., J. Phys. D 9: 1331-1342 (1976).
- Weber, M., and Olivier, H., Shock Waves 13: 351-365 (2004).
- Pintgen, F., Eckett, C. A., Austin, J. M., and Shepherd, J. E., Combust. Flame 133: 211-229 (2003).
- Radulescu, M. I., Ng, H. D., Higgins, A. J., and Lee, J. H. S., 19th ICDERS, Paper 122 (2003).